

**Ayudas**

**Operaciones con matrices:** Se opera como con números, pues se cumplen casi todas las propiedades, salvo la conmutativa y los divisores de cero

En general:  
 $A \cdot B \neq B \cdot A$   
 $A \cdot B = A \cdot C \not\Rightarrow B = C$

Nº	Realizar las siguientes operaciones:	Soluciones	Comprob.
1	Calcular $\left[ 3 \cdot \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} - 5 \cdot \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ -3 & -4 \end{pmatrix} + 7 \cdot \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 2 & 4 \end{pmatrix} \right]^2$		
2	Si $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ , $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , $C = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ y $X = \begin{pmatrix} x & y \\ z & t \end{pmatrix}$ calcular $X \cdot A - B - C$		
3	Dadas las matrices $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 5 & 1 & -2 \\ 4 & 3 & 7 \end{pmatrix}$ , $B = \begin{pmatrix} 0 & 3 & 12 \\ -3 & 8 & 11 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}$ , $C = \begin{pmatrix} 4 & 4 & 4 \\ 2 & -2 & 0 \\ 1 & 2 & 9 \end{pmatrix}$ calcular $A \cdot B + 2B \cdot C - 4I$ , siendo $I = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$		
4	Dadas las matrices $A = \begin{pmatrix} 3 & 6 & -1 \\ -2 & 1 & 0 \\ 8 & 2 & -4 \end{pmatrix}$ , $B = \begin{pmatrix} 1 & 5 & -6 \\ 7 & 5 & 2 \\ -1 & 0 & 4 \end{pmatrix}$ y $C = \begin{pmatrix} 3 & -2 & 7 \\ 0 & 1 & 4 \\ 2 & 8 & -7 \end{pmatrix}$ calcular a) $(A - B) \cdot (A + B)$ e) $(A + B)^2$ b) $A^2 - B^2$ f) $A^2 + B^2 + 2 \cdot A \cdot B$ c) $A \cdot (B + C)$ g) $(A \cdot B)^2$ d) $A \cdot B + A \cdot C$ h) $A^2 \cdot B^2$		
5	Dada la matriz $A = \begin{pmatrix} 5 & -4 & 2 \\ 2 & -1 & 1 \\ -4 & 4 & -1 \end{pmatrix}$ , comprobar que $A^2 = 2A - I$ , siendo <b>I</b> la matriz identidad de orden 3. Obtener con esta fórmula $A^4$ .		
6	Hallar la n-sima potencia de $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$		
7	Dadas las matrices $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$ , $B = \begin{pmatrix} -2 & -6 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$ comprobar que $A \cdot B = O$		